



NOTE TECHNIQUE 24121999

Rédacteur : Élie AOUAD

Format des exposants secrets en fonction des valeurs de modulus

Le format des exposants secrets d'une bi-clé RSA peut être deviné dans certains cas de modulo. Les octets de début sont facilement définis.

En effet partons des formules des clés RSA :

$$N = p * q \text{ avec } p \text{ et } q \text{ premiers}$$

et

$$S * V = 1 \text{ mod } ((p-1)(q-1) / \text{gcd}(p-1)(q-1));$$

où S, V et N sont respectivement l'exposant privé, l'exposant publique et le modulo.

$$\text{Comme } p = 2 * p' + 1 \text{ et } q = 2 * q' + 1, \text{ le } \text{gcd}((p-1)(q-1)) = \text{gcd}((2p')(2q')) = 2 * \text{gcd}(p', q')$$

Pour des raisons de sécurité p' et q' sont premiers => gcd(p',q') = 1

=>

$$S * V = (k * (p-1)(q-1)) / 2 + 1$$

=> Comme p*q = N, alors

$$\boxed{S \# k * N / V * 2 \text{ (Approximation sur les grands nombres)}}$$

Exemple : Pour k = 1

N	V	Format de S
FF FF FF FF .. xxxxxx	3	2A AA A...
FF FF FF FF.. xxxxxx	10001	00 00 FF F...